

**Международная конференция  
«КОМПЛЕКСНЫЙ АНАЛИЗ И ТЕОРИЯ ПРИБЛИЖЕНИЙ»,  
посвященная 90-летней годовщине со дня рождения  
профессора Е.П. Долженко**

**Москва, 27–28 сентября 2024**

**Аннотации докладов**

**Неравенства для норм производных функций, аналитических в полосе**

**Р.Р. Акопян**

(Институт математики и механики УрО РАН, RR.Akopyan@mephi.ru)

Предполагается обсудить неравенства для аналитических функций в полосе, являющиеся аналогами неравенства Колмогорова на прямой, и взаимосвязанную задачу Стечкина наилучшего приближения оператора дифференцирования ограниченными операторами. Основное внимание будет уделено точным неравенствам, оценивающим  $L^p$ -норму первой производной на промежуточной прямой через  $L^p$ -нормы предельных значений функции на граничных прямых.

**Гармоническая мера и квазизометрия**

**С.Ю. Граф**

(Тверской ун-т, Петрозаводский ун-т, Sergey.Graf@tversu.ru)

Рассматриваются диффеоморфизмы единичного круга комплексной плоскости, для которых гармоническая мера граничных дуг круга с разрезами искажается в ограниченное число раз, т.е. является квазинвариантной. Получены оценки производных отображений данного класса. Доказывается, что подобные отображения являются квазиконформными, а также представляют собой квазизометрии относительно некоторых конформно инвариантных метрик. Приводятся достаточные условия принадлежности функций данному классу. Доказывается обобщение теоремы Хэймана–Ву на данный класс отображений.

**Оценки норм Бесова в круге для конечных произведений Бляшке**

**И.Р. Каюмов**

(Санкт-Петербургский ун-т, ikaumov@gmail.com)

В ходе доклада предполагается описать ряд задач, приводящих к необходимости двусторонних оценок норм Бесова для конечных произведений Бляшке в круге. В частности, будут описаны результаты, полученные совместно с А.Д. Барановым, Р.Заруфом и М.Харцем.

## **Пористые и $\sigma$ -пористые множества**

**С.В. Колесников**

(Ивановский ун-т, kolesn66@mail.ru)

Предполагается дать обзор некоторых результатов, использующих понятие пористого множества, введенное Е.П. Долженко.

## **Об обратных неравенствах Маркова–Никольского для полиномов с нулями на отрезке**

**М.А. Комаров**

(Владимирский ун-т, kami9@yandex.ru)

Для алгебраических полиномов, все нули которых лежат на единичном отрезке, хорошо известно неравенство П. Турана, доставляющее оценку снизу максимума модуля производной многочлена на отрезке через степень и максимум модуля самого многочлена (этую оценку можно рассматривать как обращение классического неравенства А.А. Маркова). Неравенство Турана обобщалось и на случай интегральных пространств. Наиболее общий результат в этом направлении был получен С. Чжоу, установившим точную по порядку оценку снизу  $L_p$ -нормы производной многочлена с нулями на отрезке через степень и  $L_q$ -норму самого многочлена (обращение неравенства Маркова–Никольского) при определённых соотношениях между показателями  $p$  и  $q$ . Доклад посвящён построению неравенства разных метрик типа Турана в одном из случаев, не исследованных Чжоу. Доказательство использует метрические оценки наипростейших дробей (логарифмических производных полиномов).

## **О неравенствах типа Бернштейна и Смирнова для многочленов**

**Е.Г. Компанеец**

(Петрозаводский ун-т, g\_ek@inbox.ru)

Отправной точкой в теории дифференциальных неравенств для многочленов является книга Д.И. Менделеева «Исследование водных растворов по удельному весу», 1887. В этой работе он касался не только химических, но также и математическими проблем. Вопрос,

поднятый в этой книге, привел к появлению большого количества работ по различным видам дифференциальных неравенств для многочленов. В докладе будут представлены неравенства типа неравенств В.И. Смирнова и С.Н. Бернштейна, в которых используются коэффициенты при старших степенях и свободные члены полиномов. Полученные неравенства дополняют и уточняют известные ранее результаты.

## **О некоторых обобщениях операторов Бернштейна**

**А.Л. Лукашов**

(МФТИ, alexey.lukashov@gmail.com)

Предполагается обсудить обобщения классических полиномов Бернштейна такие, как рациональные функции Виденского, полиномиальные операторы Сабадоша на нескольких отрезках и их дальнейшее развитие. Проведен анализ их аппроксимационных свойств, наличие интерполяционных условий, сложность построения.

## **Равномерная рациональная аппроксимация четного и нечетного преобразования Коши**

**Т.С. Мардвилко**

(Белорусский государственный ун-т, mardvilko@mail.ru)

В докладе будет представлена слабая асимптотика наилучших равномерных рациональных приближений четного и нечетного преобразования Коши. Также будут показаны некоторые приложения полученных результатов, в частности, к нахождению слабой асимптотики наилучших равномерных рациональных приближений нечетного продолжения на  $[-1, 1]$  степенной функции.

## **О конформных отображениях неограниченных многоугольников**

**С.Р. Насыров**

(Казанский ун-т, semen.nasyrov@yandex.ru)

При нахождении отображении верхней полуплоскости на многоугольник, содержащий внутри себя бесконечно удаленную точку, возникает задача об определении не только прообразов вершин, но и полюса отображающей функции. Если зафиксировать прообразы вершин, то для нахождения полюса имеется уравнение, которое имеет вид  $F(z) = 0$ , где  $F$  — это некоторая бианалитическая функция. В докладе обсуждаются вопросы о единственности решения этого уравнения в верхней полуплоскости для некоторых классов

многоугольных областей, а также его связь с внешними обратными краевыми задачами для аналитических функций.

## **О приближениях одного сингулярного интеграла на отрезке рациональными интегральными операторами Фурье–Чебышева**

**П.Г. Поцейко, Е.А. Ровба**

(Гродненский ун-т, raha-mat@yandex.ru)

Рассматриваются аппроксимации на отрезке  $[-1, 1]$  сингулярных интегралов вида

$$\hat{f}(x) = \int_{-1}^1 \frac{f(t)}{t-x} \sqrt{1-t^2} dt, \quad x \in [-1, 1],$$

двумя рациональными интегральными операторами, в некотором смысле связанными между собой. Первый из них — интегральный оператор Фурье–Чебышева, ассоциированный с системой рациональных функций Чебышева–Маркова. Второй оператор является его образом при преобразовании изучаемым сингулярным интегралом.

Изучаются аппроксимационные свойства соответствующих полиномиальных аналогов обоих операторов в случае, когда плотность сингулярного интеграла удовлетворяет на отрезке  $[-1, 1]$  условию Липшица порядка  $\alpha \in (0, 1]$ .

Исследуются рациональные аппроксимации на отрезке  $[-1, 1]$  сингулярного интеграла с плотностью, имеющей степенную особенность, в случае, когда аппроксимирующие рациональные функции имеют фиксированное количество геометрически различных полюсов и в случае, когда полюсы представляют собой некоторые модификации “њюменовских” параметров.

## **О гладких рациональных сплайн-функциях двух переменных**

**А.-Р.К. Рамазанов**

(Дагестанский ун-т, ar-ramazanov@rambler.ru)

По дискретным данным на произвольной прямоугольной сетке узлов из данного прямоугольника  $[a, b] \times [c, d]$  построены рациональные сплайн-функции двух переменных, которые имеют непрерывные частные и смешанные производные до наперед заданного порядка в некотором (более широком) прямоугольнике  $[a - \delta, b + \delta] \times [c - \delta, d + \delta]$ . Изучены их аппроксимативные свойства для функций, кратно непрерывно дифференцируемых на прямоугольнике  $[a, b] \times [c, d]$ .

## **Об одном условии дифференцируемости функций**

**Е.А. Севастьянов**

(sebastianov.e.a@mail.ru)

В ДАН СССР (1976, т.230, № 4) Е.П. Долженко анонсировал следующий результат: если для функции, определенной на отрезке, сходится ряд из ее наименьших уклонений в метрике Хаусдорфа от кусочно-монотонных функций порядка  $n$ , то эта функция почти всюду на отрезке дифференцируема. Публикации доказательства этого утверждения не последовало.

Доклад об истории вопроса и доказательстве анонсированного результата.

## **О существовании аппроксимаций Паде–Чебышева аналитических функций**

**А.П. Старовойтов**

(Гомельский ун-т, svoitov@gsu.by)

Получены достаточные условия существования линейных и нелинейных аппроксимаций Паде–Чебышева первого и второго рода аналитических функций, описан явный вид таких аппроксимаций.